

UNIVERSITAT POLITÈCNICA DE CATALUNYA BARCELONATECH

# GUIA DOCENTE ENTORNO BLACKSHOLES E INSTRUMENTOS DERIVADOS 2025-26



#### **DATOS GENERALES**

Nombre:	Entorno Black-Scholes e instrumentos derivados
Código:	
Curso:	2025-26
Titulación:	Máster Universitario en Innovación Financiera y Fintech
N° de créditos (ECTS):	5
Ubicación en el plan de estudios:	1er. Curso, 1er. cuatrimestre
Departamento:	
Responsable departamento:	
Fecha de la última revisión:	Marzo 2025
Profesorado:	Josep Masdemont, Jordi Planagumà, Bru Martinell, Luís Ortiz

## 1 DESCRIPCIÓN GENERAL

La asignatura "Entorno Black-Scholes y Instrumentos Derivados" proporciona una introducción detallada de las técnicas cuantitativas esenciales para comprender y valorar productos en los mercados de derivados financieros, así como para la gestión del riesgo y la optimización de inversiones. El curso cubre desde los conceptos fundamentales de forwards, opciones y swaps hasta su valoración mediante principios de arbitraje y metodología numérica. También se examinan estrategias de cobertura, la interacción entre los mercados de derivados y al contado, y el papel de la volatilidad en la determinación de precios.

Se presentan modelos discretos a través de árboles binomiales y modelos continuos basados en herramientas matemáticas como el movimiento browniano, la fórmula de Itô y la ecuación de Black-Scholes. Además, se introducen técnicas numéricas, incluyendo árboles y simulaciones de Montecarlo, esenciales para la valoración de estos instrumentos. El curso también aborda los derivados de renta fija y tipos de interés, con especial atención a la construcción de curvas de tipos y la valoración de bonos y futuros sobre tipos de interés.

La asignatura también incorpora aplicaciones prácticas en valoración de derivados, estrategias de cobertura y productos híbridos, permitiendo a los estudiantes desarrollar habilidades cuantitativas para analizar y operar en mercados financieros complejos,



proporcionando un enfoque aplicado a la modelización y análisis de instrumentos derivados en el contexto financiero actual.

## **2 OBJETIVOS**

- Comprender la naturaleza y el funcionamiento de los derivados financieros, incluyendo forwards, opciones y swaps, así como su papel en los mercados financieros.
- Aprender principios de arbitraje y técnicas de valoración para determinar el precio teórico de los instrumentos derivados.
- Analizar estrategias de cobertura y arbitraje, diferenciando sus aplicaciones en la gestión del riesgo y la optimización de inversiones.
- Comprender la relación entre los mercados de derivados y los mercados al contado,
   así como la influencia de la volatilidad en la formación de precios.
- Conocer modelos discretos y continuos para la valoración de derivados, así como la ecuación de Black-Scholes y sus implicaciones.
- Saber implementar métodos numéricos basados en árboles binomiales, así como simulaciones de Montecarlo basadas en el movimiento browniano.
- Conocer el funcionamiento de los derivados de renta fija y tipos de interés, incluyendo la construcción de curvas de tipos y la valoración de bonos y futuros sobre tasas de interés.
- Evaluar la complejidad de productos híbridos y estructurados, combinando derivados con activos de renta fija y variable.
- Aplicar herramientas cuantitativas en entornos financieros reales para diseñar estrategias de inversión y gestión del riesgo.

#### **3 RESULTADOS DE APRENDIZAJE**

Al finalizar la asignatura, el estudiante será capaz de:



- K2.1: Definir estrategias de inversión y financiamiento eficientes en riesgo y rentabilidad, teniendo en cuenta los nuevos paradigmas tecnológicos y de sostenibilidad (ESG).
- K2.2: Distinguir los diferentes productos y mercados financieros por los niveles de riesgo, rentabilidad y sostenibilidad.
- S1.1: Comunicarse eficazmente de forma oral, escrita y gráfica con otras personas sobre el aprendizaje, la elaboración del pensamiento y la toma de decisiones, y participar en debates, haciendo uso de las habilidades interpersonales, como la escucha activa y la empatía, que favorecen el trabajo en equipo.
- S2.1: Desarrollar la capacidad de contribuir a la innovación en instituciones y organizaciones empresariales nuevas o existentes, mediante la participación en proyectos creativos y tener capacidad para aplicar competencias y conocimientos sobre expendeduría, organización y desarrollo empresarial de base tecnológica.
- S3.1: Comprender las tecnologías digitales avanzadas, de manera que se puedan aplicar con perspectiva crítica, en contextos diversos, en situaciones académicas, profesionales, sociales o personales.
- S5.1: Planificar carteras de inversión, siguiendo las teorías de diversificación, productos de renta fija, variable, híbridos y productos sostenibles que tengan en cuenta la rentabilidad, los diferentes niveles de riesgo y los criterios éticos y de sostenibilidad.
- S5.2: Comparar los sistemas tradicionales de inversión con sistemas alternativos como los roboadvisors, la inversión en EFT's, fondos Vanguard y las finanzas sostenibles.
- C1.1: Integrar los valores de la sostenibilidad, entendiendo la complejidad de los sistemas, con el fin de emprender o promover acciones que reestablezcan y mantengan la salud de los ecosistemas y mejoren la justicia, generando diversas visiones para futuros sostenibles.
- C2.1: Identificar y analizar problemas que requieren adoptar decisiones autónomas, informadas y argumentadas, para actuar con responsabilidad social, según valores i principios éticos.
- C3.1: Desarrollar la capacidad de evaluar las desigualdades por razón de sexo y género y para diseñar soluciones.
- C6.2: Implantar estrategias financieras que den soporte a los objetivos de negocio y tengan en cuenta los avances en digitalización y las nuevas tecnologías que están irrumpiendo en el sector financiero.



C7.2: Aplicar técnicas de análisis de datos, inteligencia artificial y fundamentos de aprendizaje automático para analizar y predecir tendencias en los mercados financieros y tomas de decisiones informades en la gestión de inversiones tecnológicas y finanzas empresariales.

## Podemos poner de relieve:

- Comprender y aplicar las técnicas fundamentales de los mercados de derivados financieros.
- Valorar forwards, opciones y swaps utilizando técnicas de arbitraje y modelos cuantitativos.
- Analizar estrategias de cobertura y arbitraje para la gestión del riesgo financiero.
- Evaluar la relación entre los mercados de derivados y al contado, así como el impacto de la volatilidad en la formación de precios.
- Implementar modelos discretos, mediante árboles binomiales, y continuos mediante movimiento browniano y metodologías de Montecarlo así como usar la ecuación de Black-Scholes en la valoración de derivados.
- Valorar derivados de renta fija y tipos de interés, así como implementar curvas de tipos de interés y analizar estrategias de cobertura en estos mercados.
- Diferenciar entre productos híbridos y estructurados, comprendiendo su uso en estrategias de inversión y gestión de riesgos.
- Aplicar herramientas cuantitativas para diseñar estrategias financieras en entornos de mercado reales.
- Identificar oportunidades y riesgos en el uso de derivados dentro de la gestión de carteras y la optimización de inversiones.

#### **4 CONTENIDOS**

# TEMA 1. Introducción a los derivados financieros y arbitraje

# Resultados de aprendizaje específicos:

- Diferenciar y describir los principales instrumentos derivados comprendiendo sus características y mercados.
- Aplicar estrategias básicas con opciones y evaluar la complejidad de los productos derivados.
- Calcular la volatilidad implícita y realizar valoraciones básicas de opciones utilizando conceptos de arbitraje e implementaciones numéricas elementales.

#### **Contenidos**



- 1.1. Definición y ejemplos de derivados: Forwards, Opciones y Swaps.
- 1.2. Características y mercados de derivados.
- 1.3. Relación entre los mercados de derivados y al contado.
- 1.4. Estrategias básicas con opciones y complejidad de los productos.
- 1.5. Concepto de arbitraje y valoraciones.
- 1.6. Volatilidad implícita y precios de las opciones.
- 1.7. Implementaciones numéricas básicas.

## TEMA 2. Modelos discretos y árboles

# Resultados de aprendizaje específicos:

- Entender los fundamentos probabilísticos asociados a la valoración de derivados.
- Implementar árboles binomiales para la valoración de opciones.

#### Contenidos

- 2.1. Fundamentos probabilísticos. Esperanza riesgo neutral.
- 2.2. Rama binomial y arboles binomiales.
- 2.3. Aplicaciones numéricas. Valoraciones de opciones vanilla, barreras y americanas.

## **TEMA 3. Modelos continuos**

## Resultados de aprendizaje específicos:

- Adquirir nociones básicas de cálculo estocástico y entender la fórmula de Itô.
- Entender el proceso de valoración de derivados y el significado de la ecuación de Black-Scholes.
- Evaluar precios teóricos de opciones mediante Montecarlo.

## **Contenidos**

- 3.1. Movimiento Browniano, cálculo estocástico y fórmula de Itô.
- 3.2. Modelización de precios.
- 3.3. Cartera autofinanciada y fórmula de valoración.
- 3.4. La ecuación de Black-Scholes.



3.5. Métodos de Montecarlo y valoraciones numéricas.

# TEMA 4. Instrumentos de renta fija y derivados de tipos de interés

# Resultados de aprendizaje específicos:

- Comprender la construcción y aplicación de las curvas de tipos de interés y su uso en la valoración de instrumentos financieros.
- Analizar las características y métodos de valoración de bonos e instrumentos de RF.
- Evaluar el funcionamiento de derivados de tipos de interés.

#### **Contenidos**

- 4.1. Introducción a las curvas de tipos de interés y factores de descuento.
- 4.2. Bonos: valoración y características.
- 4.3. Futuros y opciones sobre bonos y tipos de interés.

# **TEMA 5. Valoraciones y aplicaciones prácticas**

## Resultados de aprendizaje específicos:

- Aplicar métodos para extraer y construir curvas de tipos de interés.
- Valorar y calcular tipos cupon-cero a partir de derivados de tipos de interés.
- Analizar productos híbridos.
- Aplicar estrategias de cobertura.

## Contenidos

- 5.1. Métodos para extraer curvas de tipos de interés a partir de datos de mercado.
- 5.2. Valoración y cálculo de tipos cero-cupón con derivados de tipos de interés.
- 5.3. Productos híbridos y estructurados: combinación de derivados y renta fija/variable.
- 5.4. Estrategias de cobertura y aplicaciones prácticas.



# **5 METODOLOGÍA**

La metodología se basa en clases expositivas participativas complementadas con la lectura por adelantado de los diferentes temas del material previamente publicado en el campus virtual. Con las prácticas en clase y los trabajos en casa se espera reafirmar los conceptos y procedimientos que se han presentado en clase.

## La asignatura combina:

- Sesiones teóricas con análisis de casos prácticos actuales.
- Talleres prácticos de análisis de mercados y productos financieros.

## **6 EVALUACIÓN**

De acuerdo con el Plan Bolonia, el modelo premia el esfuerzo constante y continuado del estudiantado.

Un 40% de la nota se obtiene de la evaluación continua de las actividades dirigidas y el 60% restante del examen final presencial. El examen final tiene dos convocatorias.

## Distribución de la evaluación continua (60%):

- Trabajos prácticos individuales: 40%
- Proyecto grupal de análisis específico de contenidos: 40%
- Participación en debates y casos prácticos: 20%

## Examen final (40%):

El examen evaluará todas las unidades con la siguiente ponderación aproximada:

- Tema 1: 20%
- Tema 2: 20%
- Tema 3: 20%
- Tema 4: 20%
- Tema 5: 20%

#### 7 BIBLIOGRAFIA

#### Básica:

- Baxter, M. y Rennie, A. (1996). *Financial Calculus: An Introduction to Derivative Pricing*. Cambridge University Press.



- D Brigo, Counterparty Credit Risk, Collateral and Funding: With Pricing Cases For All Asset Classes: (The Wiley Finance Series)
- Hull, J. C. (2017). *Options, Futures, and Other Derivatives* (10<sup>a</sup> ed.). Pearson.
- Rouah, F. D. (2021). Black-Scholes and Beyond: Option Pricing Models. Wiley
- P Jorion Financial Risk Manager Handbook
- Robert E. Brooks, Don M. Chance (2024), Foundations of the Pricing of Financial Derivatives: Theory and Analysis

## **Complementaria:**

- Schreve, S. (2005). Stochastic Calculus for Finance I: The Binomial Asset Pricing Model.
   Springer Finance.
- Schreve, S. (2004). *Stochastic Calculus for Finance II: Continuous-Time Models*. Springer Finance.

## **Recursos digitales:**

- Bank for International Settlements (<u>www.bis.org</u>)
- Bloomberg Terminal (acceso institucional)
- ECB Statistical Data Warehouse (sdw.ecb.europa.eu)
- FRED Economic Data (fred.stlouisfed.org)
- International Monetary Fund (<u>www.imf.org</u>)
- The Financial Times (<u>www.ft.com</u>)
- World Economic Forum Financial and Monetary Systems (<u>www.weforum.org</u>)